

RETRY_3.1 温度 $T_1 = 25$ のとき，鋼材の棒が両端を固定されている。縦弾性係数 $E = 20.6 \times 10^4$ MPa，線膨張係数 $\alpha = 11.5 \times 10^{-6} \text{ 1/}$ とする。(1),(2)の温度での熱応力とひずみを計算する。

$$(1) \quad T_2 = 60 \qquad (2) \quad T_2 = -30$$

【解答】

(1)

$E = 20.6 \times 10^4 \text{ MPa} = 2.06 \times 10^5$ ， $\alpha = 11.5 \times 10^{-6} \text{ 1/} = 11.5 \times 10^{-5}$ ， $T_1 = 25$ ， $T_2 = 60$ を代入

$$\begin{aligned} \sigma_t &= -\alpha E(T_2 - T_1) = -1.15 \times 10^{-5} \times 2.06 \times 10^5 \times (60 - 25) \\ &= -1.15 \times 10^{-5} \times 2.06 \times 10^5 \times 3.5 \times 10 = -8.292 \times 10^4 \text{ MPa} \\ \varepsilon &= -\alpha(T_2 - T_1) = -11.5 \times 10^{-6} \times (60 - 25) = -402.5 \times 10^{-6} = -4.03 \times 10^{-4} \end{aligned}$$

(2)

$E = 20.6 \times 10^4 \text{ MPa} = 2.06 \times 10^5$ ， $\alpha = 11.5 \times 10^{-6} \text{ 1/} = 11.5 \times 10^{-5}$ ， $T_1 = 25$ ， $T_2 = -30$ を代入

$$\begin{aligned} \sigma_t &= -\alpha E(T_2 - T_1) = -1.15 \times 10^{-5} \times 2.06 \times 10^5 \times (-30 - 25) \\ &= 1.15 \times 10^{-5} \times 2.06 \times 10^5 \times 5.5 \times 10 = 130.3 \text{ MPa} \\ \varepsilon &= -\alpha(T_2 - T_1) = -11.5 \times 10^{-6} \times (-30 - 25) = 6.325 \times 10^{-4} \end{aligned}$$

APPLI_3.1 温度 $T_1 = 25$ のとき，鋼材の棒が両端を固定されている。材料の引張強さ $\sigma_u = 400 \text{ MPa}$ のとき，安全係数 $n = 2$ として、何度まで温度を低下させて使用できるか温度を計算せよ。縦弾性係数 $E = 20.6 \times 10^4 \text{ MPa}$ ，線膨張係数 $\alpha = 11.5 \times 10^{-6} \text{ 1/}$ とする。

【解答】

$$\sigma = -\alpha E(T_2 - T_1) \quad , \quad \sigma = \frac{\sigma_u}{n} \quad \text{から}$$

$$-\alpha E(T_2 - T_1) = \frac{\sigma_u}{n}$$

$$\therefore T_2 = T_1 - \frac{\sigma_u}{\alpha E n}$$

$T_1 = 25$ ， $\sigma_u = 400 \text{ MPa} = 4 \times 10^2 \text{ MPa}$ ， $n = 2$ を代入する。

$$\begin{aligned} T_2 &= T_1 - \frac{\sigma_u}{\alpha E n} = 25 - \frac{4 \times 10^2}{1.15 \times 10^{-5} \times 2.06 \times 10^5 \times 2} = 25 - \frac{4 \times 10^2}{1.15 \times 2.06 \times 2} = 25 - 0.8442 \times 10^2 \\ &= 25 - 84.4 = -59.4^\circ\text{C} \end{aligned}$$

RETRY_3.2 長さ $\ell=1.8\text{m}$ の軟鋼棒が上端を固定され、垂直に下げられている。単位体積当たりの重量 $\gamma=76.9\text{N/cm}^3$ として生ずる最大応力 σ_{\max} を計算する。Ans. 138 MPa

【解答】

最大応力は上端で生じ、大きさは(3.7)式から

$$\begin{aligned}\sigma_{\max} &= \gamma \ell \\ &= 76.9\text{N/cm}^3 = 7.69 \times 10^{-2} \text{ N/mm}^3, \ell=1.8\text{m}=1.8 \times 10^3 \text{ mm} \text{ を代入する。} \\ \sigma_{\max} &= \gamma \ell = 7.69 \times 10^{-2} \times 1.8 \times 10^3 = 13.84 \times 10 \text{ N/mm}^2 \\ &= 138 \text{ MPa}\end{aligned}$$

APPLI_3.3 板幅 $W=100\text{mm}$ 、一様な板厚 $t=10\text{mm}$ の鋼版に P の荷重が作用する。板の中央に $d=10\text{mm}$ の円孔がある。円孔の縁に塑性変形が生ずる荷重 P を計算する。応力集中係数 $\alpha=3$ 、降伏応力 $\sigma_y=230\text{MPa}$ とする。 Ans 76.7 kN

【解答】最大応力 σ_{\max} は

$$\sigma_{\max} = \sigma_0 = P/(W \cdot t)$$

塑性変形するときの応力は

$$\begin{aligned}\sigma_{\max} &= \sigma_y \\ \sigma_y &= \frac{\alpha P}{W \cdot t} \quad \therefore P = \frac{\sigma_y W t}{\alpha}\end{aligned}$$

$W=100\text{mm}=10^2\text{mm}$, $t=10\text{mm}$, $\sigma_y=230\text{MPa}=2.3 \times 10^2 \text{ MPa}$, $\alpha=3$ を代入して、

$$P = \frac{\sigma_y W t}{\alpha} = \frac{2.3 \times 10^2 \times 10^2 \times 10}{3} = \frac{2.3 \times 10^5}{3} = 0.7667 \times 10^5 = 76.7 \text{ kN}$$

RETRY_3.4 厚さ $t = 6\text{mm}$ 、内径 $d_i = 1000\text{mm}$ の薄肉円筒に $p = 2.0\text{MPa}$ の内圧が作用するとき、生ずる円周方向応力 σ を計算せよ。 Ans. 167MPa

【解答】

円周方向応力は

$$\sigma = \frac{pd}{2t}$$

であるので、この式に、 $t = 6\text{mm}$, $d_i = 1000\text{mm} = 10^3$, $p = 2.0\text{MPa}$ を代入すると

$$\sigma = \frac{pd}{2t} = \frac{2 \times 10^3}{2 \times 6} = 0.1667 \times 10^3 = 167 \text{ MPa}$$

APPLI_3.4 内径 $d_i = 2000 \text{ mm}$ の薄肉円筒タンクに $p = 2.5 \text{ MPa}$ の内圧が作用し、タンクの材質は、引張強さ $\sigma_u = 784 \text{ MPa}$ の高張力鋼である。安全係数 $n = 4$ として安全な厚さ t を計算する。

Ans. 12.8mm

【解答】 生ずる円周方向応力は

$$\sigma = \frac{pd}{2t}$$

設計条件から

$$\sigma = \frac{pdi}{2t} = \sigma_a \quad \sigma_a = \frac{\sigma_u}{n} \quad \text{より} \quad \frac{pdi}{2t} = \frac{\sigma_u}{n}$$

$$\therefore t = \frac{pdi n}{2\sigma_u}$$

$d_i = 2000 \text{ mm} = 2 \times 10^3$, $p = 2.5 \text{ MPa}$, $\sigma_u = 784 \text{ MPa} = 7.84 \times 10^2$, $n = 4$ を代入する。

$$t = \frac{pdi n}{2\sigma_u} = \frac{2.5 \times 2 \times 10^3 \times 4}{2 \times 7.84 \times 10^2} = 1.276 \times 10 \text{ mm} \quad 12.8 \text{ mm}$$